1/3 24	الصفحة مدة الإنجاز	امتحان تجريبي (وطني) لسنة 2005-2006 ثانوية زينب النفزاوية. وجدة	المملكة المغربية وزارة التربية الوطنية والتعليم العالي و تكوين الأطر والبحث العلمي
10	المعامل		المادة: الرياضيات الشعبة: العلوم الرياضية أ و ب

التمرين الأول (8.5)

1ن

0.5ن

0.5

0.5

$$g(x) = 1 + (1 + \frac{1}{x})e^{\frac{1}{x}}$$
 : يعتبر الدالة g المعرفة على g المعرفة على g الدرس تغيرات g على g و استنتج إشارتها.

$$\begin{cases} f(x) = \frac{x}{1+e^{\frac{1}{x}}} \\ f(0) = 0 \end{cases}$$
 IR Saluk IR Saluk IR is a law of the first section of the first secti

.
$$\lim_{x \to -\infty} f(x)$$
 و $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ النهایات $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \to +\infty} f(x)$

0.25

2- بين أن f متصلة في الصفر. g الصفر ثم أعط تأويلا هندسيا للنتائج المحصل عليها. g - ادرس قابلية اشتقاق g في الصفر ثم أعط تأويلا هندسيا للنتائج المحصل عليها. 0.75

.
$$\forall x \in \mathbb{R}^*$$
 : $f'(x) = \frac{g(x)}{\left(1 + e^{\frac{1}{x}}\right)^2}$ و أن R^* و أن R^* و أن R^* . R^*

0.25 5- أعط جدول تغير ات f

$$\lim_{x \to \pm \infty} f(x) - (\frac{1}{2}x - \frac{1}{4})$$
 بجوار $\lim_{x \to \pm \infty} f(x) - (\frac{1}{2}x - \frac{1}{4})$ بجوار 0.75

$$\frac{1}{1+e}\simeq 0.27,\quad e\simeq 2.71$$
 نشئ (Cf) في معلم متعامد ممنظم (Cf) نشئ -7

$$h(x) = \int_1^{x^2} f(t)dt$$
 : يعتبر الدالة h المعرفة على $h(x) = \int_1^{x^2} f(t)dt$: المعرفة على المعر

1- لتكن F دالة أصلية ل f على IR.

$$(\forall x \in [1, +\infty[)(\exists c \in [1, x^2])/h(x) = (x^2 - 1)f(c)$$
: أ- باستعمال مبر هنة التزايدات المنتهية على F بين أن $(x \in [1, +\infty[)(\exists c \in [1, x^2])/h(x) = (x^2 - 1)f(c)$

$$\lim_{x \to +\infty} h(x)$$
 و استنتج $\int (x^2 - 1) f(1) \le h(x) \le (x^2 - 1) f(x^2)$ لاينا: $x \in [1, +\infty[$

$$(Ch)$$
 بجوار (Ch) و استنتج طبیعة الفرع اللانهائي ل (Ch) بجوار (Ch) بجوار (Ch) بجوار (Ch) بجوار (Ch) بجوار (Ch) بحوار (Ch) بعوار (Ch) بحوار $(C$

3- حدد الدالة المشتقة ل h وأعط جدول التغيرات.

0.25 اليمين. A(1,0) عند النقطة (Ch) على اليمين.

> 5- أنشئ (Ch) 0.5

الصفحة 2/3 الرياضيات

$$u_n = \int_{rac{1}{n}}^1 rac{f(t)}{t^3} dt$$
 : المعرفة كالتالي المعرفة كالتالي : المعرفة كالتالي -IV

بين أن المتتالية
$$\left(u_{n}\right)_{n\geq1}$$
 تزايدية قطعا.

0.25

0.5

0.5

0.5

0.5

$$u_n = \int_1^n (1 - \frac{e^s}{1 + e^s}) ds$$
 نا مكاملة بتغيير المتغير بين أن -2

.
$$\lim u_n$$
 و حدد العام ل (u_n) و حدد

التمرين الثانى (2.5) التمرين الثانى (2.5) المنسوب لمعلم متعامد ممنظم ومباشر $(o, \overrightarrow{e_1}, \overrightarrow{e_2})$, نعتبر النقطتين (P) المنسوب لمعلم متعامد ممنظم ومباشر . $a \in \mathbb{C} \setminus \{1\}$ التوالي a و 1 حيث

$$z' = \frac{z-a}{z-1}$$
 لتكن f الدالة المعرفة على f و التي تربط كل نقطة f الدالة المعرفة على و f و التي تربط كل نقطة و ال

$$(G)$$
 : $z^2-2z+a=0$ فان z حل للمعادلة $M(z)$ صامدة ب $M(z)$ صامدة ب $M(z)$

حدد حلي (G) على المثلثي .
$$\theta \in \left[\frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}\right], a = 1 + e^{i\theta}$$
 حدد حلي -2 $\left[0.5\right]$

.F في هذا السؤال نفترض أن
$$a = -1$$
 لتكن $M(z)$ نقطة من المستوى حيث $z \neq 1$ و $z \neq 1$ المصورتها ب -3

$$.\overline{\left(\overrightarrow{e_{1}},\overrightarrow{BM}\right)} + \overline{\left(\overrightarrow{e_{1}},\overrightarrow{BM'}\right)} = 0[2\pi] \quad \text{i.s.}$$

$$(\widehat{MBM}')$$
 منصف الزاوية (BA) منصف الزاوية (\widehat{MBM}').

التمرین الثالث (2) التمرین الثالث (2) التمرین الثالث (3) و 3 خضراء و 3 خضراء و 3 خضراء و 4 کرتین من الکیس علی n کرة بیضاء n کرة بیضاء n کرتین من الکیس.

1- ما هو احتمال الحصول على كرتين بيضاوين؟ p(n) لاحتمال الحصول على كرتين من نفس اللون.

$$p(n) = \frac{n^2 - n + 26}{(n+8)(n+7)}$$
 أ- بين ان

ب- احسب p(n) , أثم أول النتيجة المحصل عليها. 0.5

3- ما هو احتمال الحصول على كرتين مختلفتي اللون علما أن الكرة الأولى حمراء؟ 0.5

التمرين الرابع (4.5) التمرين الرابع (4.5) انذكر أن $(M,(IR),+,\times)$ حلقة واحدية.

$$.F = \left\{ M(a,b,c) = egin{pmatrix} a-b & -b \\ b+c & a-b \end{pmatrix} / ig(a,b,cig) \in IR^3
ight\}$$
 نعتبر المجموعة

الرياضيات الصفحة 3/3

```
0.5
                                                  (M_2(IR),+) زمرة جزئية ل (F,+) زمرة جزئية ل
                                                     C = M(0,0,1) و B = M(0,1,0)
                                                                                                                   0.25
                                     ب- هل F جزء مستقر من (M_{2}(IR),\times) ؟ علل جو ابك.
                                                                                                                  0.25
                         G = \left\{ \begin{pmatrix} a-b & -b \\ b & a-b \end{pmatrix} / (a,b) \in IR^2 \right\} جزء من -3
                                               (M_2(IR),\times) من (M_2(IR),\times) اـ بين أن G جزء مستقر من
                                                                                                                    0.5
                                                                                                                    0.5
                                                  ب- بین أن (G,+,\times) حلقة تبادلیة و واحدیة.
                      . \phi\left(\begin{pmatrix} a-b & -b \\ b & a-b \end{pmatrix}\right) = (a-b)+ib حيث \phi:G \to \mathbb{C} عتبر التطبيق -4
                            أ- بين أن \phi تشاكل تقابلي من (G,\times) نحو (\mathbb{C},\times), وحدد -\phi
               H=\phi^{-1}(\mathbb{C}^*) بحقق أن \phi^{-1} أيضا تشاكل من (\mathbb{C},	imes) نحو (\mathbb{C},	imes)وحدد
                                                                                                                    0.5
                                                                      (H,\times) ت- استتج بنیة
                                                                                                                    0.5
      M=egin{pmatrix} a-b & -b \\ b & a-b \end{pmatrix} باستعمال التشاكل M=egin{pmatrix} a-b & -b \\ b & a-b \end{pmatrix}ث- لتكن
                                                                                                                    0.5
                                                                                 التمرين الخامس (2.5)
                                                                           \mathbb{Z}^2 نعتبر المعادلتين التاليتين في
                                             (E): 2x + 5y = 1000 (F): 2x^2 + 5y^2 = 1000
                                                                                                                    0.5
                                                                  (E) حدد مجموعة حلول المعادلة
                                 ين الزوج (x_0,y_0) حل المعادلة (F) حيث (x_0,y_0) على -2
                                                                                                                    0.5
                                      .2 بين أن x_0 مضاعف للعدد 5 و وy_0 مضاعف للعدد 1
                                                                                                                   0.25
             \mathbb{N}^2 في (x_1, y_1) في (F_1): 5x^2 + 2y^2 = 100 في في
                                                                                                                   0.75
ت - بين أن (F_2): 2x^2 + 5y^2 = 10 ثم استنتج أن المعادلة y_1 \equiv 0 و y_2 \equiv 0 و y_3 \equiv 0 تقبل حلا
                                                                         (x_2, y_2) \in \mathbb{N}^2
                                                                                                                   0.25
                             \mathbb{N}^2 في تقبل حلا في (F_3):5x^2+2y^2=1 ثبل حلا في
                                                                                                                   0.25
                                                (F) ج- ما هي إذن مجموعة حلول المعادلة
```

Bonne chance! حظ سعيد